

PART C
MATHEMATICS

(Marks : 100)

51. Let $S = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ and R be the relation on S defined by $R = \{(x, y) : x, y \in S, x < y\}$. Then R is :
 $S = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$, S పై సంబంధం R ని $R = \{(x, y) : x, y \in S, x < y\}$ గా నిర్వచితమైందనుకోండి. అప్పుడు R :
- (1) reflexive (2) symmetric (Ans:3)
 పరావర్తనం సౌష్ఠ్యం
 (3) transitive (4) antisymmetric
 సంక్రమం అసౌష్ఠ్యం
52. $f(x) = \frac{ax + b}{cx + d}$, $(f \circ f)(x) = x \Rightarrow$ (Ans:1)
 (1) $d = -a$ (2) $d = a$
 (3) $a = b = c = d = 1$ (4) $a = b = -1$
53. The number of binary operations on a set containing n elements is :
 n మూలకాల సమితిపై యుగ్మ పరిక్రియల సంఖ్య : (Ans:3)
 (1) n^n (2) 2^{n^2}
 (3) n^{n^2} (4) n^2
54. Let $*$ be the binary operation on \mathbb{Q} defined by $a * b = \frac{ab}{3} \forall a, b \in \mathbb{Q}$. Then the identity element is :
 \mathbb{Q} పై యుగ్మ పరిక్రియ $*$ ని $a, b \in \mathbb{Q}$ కి. $a * b = \frac{ab}{3}$ నిర్వచించామనుకోండి. అప్పుడు తత్వము మూలకం : (Ans:4)
 (1) 0 (2) 1
 (3) 2 (4) 3
55. Suppose G is a finite abelian group with the only subgroups G and $\{e\}$. Then G is :
 ఒక పరిమిత ఎబిలియన్ సమూహం G లో అవసమూహాలు $G, \{e\}$ మాత్రమే అనుకోండి. అప్పుడు G ఒక : (Ans:1)
 (1) Cyclic (2) abelian but not cyclic
 చక్రియం ఎబిలియన్ కాని చక్రియం కాదు
 (3) non-cyclic (4) non-abelian
 చక్రియం కాదు ఎబిలియన్ కాదు

56. The number of generators of the group \mathbb{Z}_{71} of integers under addition modulo 71 is :

71-మాపక సంకలనం దృష్ట్యా ఏర్పడే పూర్ణాంకాల సమూహం \mathbb{Z}_{71} కి గల జనక మూలకాల సంఖ్య :

(Ans:1)

- (1) 70 (2) 60
(3) 40 (4) 30

57. Suppose H is a subgroup of a group G and has only two left cosets of H in G. Then H is :

ఒక సమూహం G యొక్క ఒక ఉపసమూహం H కి G లో రెండు ఎడమ సహసమితులు మాత్రమే ఉంటాయనుకోండి. అప్పుడు H :

(Ans:2)

- (1) a cyclic subgroup (2) a normal subgroup
ఒక చక్రీయ ఉపసమూహం ఒక అభిలంబ ఉపసమూహం
(3) an abelian subgroup (4) not a normal subgroup
ఒక ఎబిలియన్ ఉపసమూహం అభిలంబ ఉపసమూహం కాదు

58. Suppose G is a group, H a subgroup of G such that $|G| < 45$, $|H| > 10$ and $|G : H| > 3$. Then a possible value of $|G|$ is :

G ఒక సమూహం, G కి H ఒక ఉపసమూహం $|G| < 45$, $|H| > 10$, $|G : H| > 3$. అయ్యేట్లుంది. అప్పుడు $|G|$ కి సాధ్య విలువ :

(Ans:1)

- (1) 44 (2) 40
(3) 42 (4) 36

59. The number of left cosets of $(2\mathbb{Z}, +)$ in the group $(\mathbb{Z}, +)$ is :

సమూహం $(\mathbb{Z}, +)$ లో $(2\mathbb{Z}, +)$ కి ఉండే ఎడమ సహసమితుల సంఖ్య :

(Ans:2)

- (1) 1 (2) 2
(3) 3 (4) ∞

60. Suppose G is a group of order 121 and is not cyclic. Then G is :

ఒక సమూహం G తరగతి 121 అని, అది చక్రీయం కాదని అనుకోండి. అప్పుడు G :

(Ans:1)

- (1) commutative (2) non-abelian
వినిమయం ఎబిలియన్ కాదు
(3) has no element of order 11 (4) has an element of order 121
క్రమం 11 కలిగిన మూలకం ఉండదు క్రమం 121 కలిగిన మూలకం ఒకటి ఉంటుంది

61. If $Z(G)$ denotes the centre of the group G , then the number of groups G such that $\left| \frac{G}{Z(G)} \right| = 17$ is : **(Ans:4)**

సమూహం G యొక్క కేంద్రం $Z(G)$ తో సూచిస్తే $\left| \frac{G}{Z(G)} \right| = 17$ అయ్యేట్లుంటే సమూహాలు G ల సంఖ్య :

- (1) 1 (2) 2 (3) ∞ (4) 0

62. Let \mathbb{Z}_n denote the group of integers under addition modulo n . The number of homomorphisms of \mathbb{Z}_2 into \mathbb{Z}_3 is : **(Ans:1)**

n -మాపక సంకలనం దృష్ట్యా పూర్ణాంకాలు పిర్వరచే సమూహం \mathbb{Z}_n అనుకోండి. అప్పుడు \mathbb{Z}_2 నుంచి \mathbb{Z}_3 కి సమరూపతల సంఖ్య :

- (1) 1 (2) 2 (3) 3 (4) ∞

63. If the centre $Z(G)$ of a group G is such that $\frac{G}{Z(G)}$ is cyclic, then G is : **(Ans:2)**

ఒక సమూహం G కేంద్రం $Z(G)$ అవుతూ, $\frac{G}{Z(G)}$ చక్రీయ మయ్యేట్లు ఉంటే అప్పుడు G :

- (1) non-abelian (2) abelian
ఎబిలియన్ కాదు ఎబిలియన్
(3) $Z(G) \neq G$ (4) cyclic (చక్రీయం)

64. If $a \in Z(G)$, $Z(G)$ is the centre of a group G then the quotient group $\frac{G}{N(a)}$ has order : **(Ans:3)**

ఒక సమూహం G కి కేంద్రం $Z(G)$ అవుతూ, $a \in Z(G)$ అయితే వ్యుత్పన్న సమూహం $\frac{G}{N(a)}$ తరగతి :

- (1) ∞ (2) 3 (3) 1 (4) 4

65. If G is a group of order 16 and its centre has four elements in it then the number of inner automorphisms of G is :

G అనేది తరగతి 16 కలిగిన ఒక సమూహం, దాని కేంద్రంలో నాలుగు మూలకాలు ఉంటే అప్పుడు G పై అంతర్ స్వయం తుల్యరూపతల సంఖ్య : **(Ans:1)**

- (1) 4 (2) 8 (3) 12 (4) 1

66. Let R be the ring of real-valued continuous functions on the interval $[0, 1]$ under usual operations. Then the set $S = \{f \in R : f(a) = 0\}$ where $a \in [0, 1]$ is :

అంతరం $[0, 1]$ పై నిరవచిత వాస్తవ మూల్య అవిచ్ఛిన్న ప్రమేయాల సమితి మామూలు పరిశ్రీయలతో ఏర్పడే వలయాన్ని R అనుకోండి. అప్పుడు సమితి $S = \{f \in R : f(a) = 0\}$, ఇందులో $a \in [0, 1]$ అయితే S :

(Ans:2)

- (1) a subring but not an ideal
ఒక ఉపవలయం కాని ఆదర్శం కాదు
- (2) an ideal
ఒక ఆదర్శం
- (3) not an ideal
ఆదర్శం కాదు
- (4) not a subring
ఉపవలయం కాదు

67. The number of invertible elements in the quotient ring $\frac{Z}{\langle 13 \rangle}$ is :

(Ans:3)

వ్యుత్పన్న వలయం $\frac{Z}{\langle 13 \rangle}$ లో విలోమనీయ మూలకాల సంఖ్య :

- (1) 1
- (2) 2
- (3) 12
- (4) 13

68. The number of ideals in $\frac{Z}{\langle 20 \rangle}$ is :

(Ans:3)

$\frac{Z}{\langle 20 \rangle}$ లో ఆదర్శాల సంఖ్య.

- (1) 2
- (2) 4
- (3) 8
- (4) 16

69. The ideal $\langle 15 \rangle$ in the ring of integers is :

పూర్ణాంకాల వలయంలో ఆదర్శం $\langle 15 \rangle$:

(Ans:4)

- (1) a prime ideal
ఒక ప్రధాన ఆదర్శం
- (2) a maximal ideal
ఒక అధీరతమ ఆదర్శం
- (3) both prime and maximal ideals
ప్రధాన ఆదర్శమూ, అధీరతమ ఆదర్శం కూడా
- (4) neither maximal nor prime ideal
అధీరతమం కానీ, ప్రధానం కానీ కాదు

70. The number of ideals in $\frac{\mathbb{Z}}{\langle 31 \rangle}$ is : (Ans:2)

$\frac{\mathbb{Z}}{\langle 31 \rangle}$ లోని ఆదర్శాల సంఖ్య :

- (1) 1 (2) 2 (3) 30 (4) 4

71. If $f : (\mathbb{Z}, +, \cdot) \rightarrow (\mathbb{Z}, +, \cdot)$ is a ring homomorphism such that $f(2011) \neq 0$, then $f(2012) =$ (Ans:3)

వలయ నమరూపత $f : (\mathbb{Z}, +, \cdot) \rightarrow (\mathbb{Z}, +, \cdot)$, $f(2011) \neq 0$ అయ్యేట్లుంటే $f(2012) =$

- (1) 2000 (2) 2010 (3) 2012 (4) 2011

72. The quotient ring $\frac{\mathbb{Z}[x]}{\langle x^2 + 1 \rangle}$ is isomorphic to : (Ans:3)

వ్యుత్పన్న వలయం $\frac{\mathbb{Z}[x]}{\langle x^2 + 1 \rangle}$ కి తుల్యరూపత :

- (1) \mathbb{C} (2) $\mathbb{Q}(i)$ (3) $\mathbb{Z}[i]$ (4) \mathbb{R}

73. In the ring of integers $(\mathbb{Z}, +, \cdot)$, a prime ideal among the following is : (Ans:3)

పూర్ణాంకాల వలయం $(\mathbb{Z}, +, \cdot)$ లో, కింది వానిలో ప్రధాన ఆదర్శం :

- (1) $\langle 4 \rangle$ (2) $\langle 6 \rangle$ (3) $\langle 17 \rangle$ (4) $\langle 21 \rangle$

74. Suppose F is a field. Then a true statement among the following is : (Ans:2)

F ఒక క్షేత్రమనుకోండి. అప్పుడు కింది వానిలో నిజమైన ప్రవచనం :

- (1) $\langle 0 \rangle$ is a maximal ideal (2) $\langle 0 \rangle$ is a prime ideal
 $\langle 0 \rangle$ ఒక అధికతమ ఆదర్శం $\langle 0 \rangle$ ఒక ప్రధాన ఆదర్శం
(3) $\langle 0 \rangle$ is not a prime ideal (4) $\langle 0 \rangle$ is not an ideal
 $\langle 0 \rangle$ ప్రధాన ఆదర్శం కాదు $\langle 0 \rangle$ ఆదర్శం కాదు

75. If $p(x) = 2 + 2x$, $q(x) = 2 + 3x - 2x^2 \in \mathbb{Z}_4[x]$, then $p(x) q(x) =$ (Ans:3)

$p(x) = 2 + 2x$, $q(x) = 2 + 3x - 2x^2 \in \mathbb{Z}_4[x]$ అయితే $p(x) q(x) =$

- (1) $2x$ (2) $2x^2$ (3) $2x + 2x^2$ (4) 0

76. The quotient ring $\frac{\mathbb{Z}_{12}}{\langle 4 \rangle}$ is isomorphic to : (Ans:2)

వ్యుత్పన్న వలయం $\frac{\mathbb{Z}_{12}}{\langle 4 \rangle}$ కి తుల్య రూపత :

- (1) \mathbb{Z}_3 (2) \mathbb{Z}_4 (3) \mathbb{Z}_6 (4) \mathbb{Z}_{12}

77. If A, B are two ideals in a ring R, then $\frac{A+B}{B}$ is isomorphic to : **(Ans:2)**

వలయం R లో A, B లు రెండు ఆదర్శాలైతే అప్పుడు $\frac{A+B}{B}$ కి తుల్య రూపత :

- (1) $\frac{B}{A \cap B}$ (2) $\frac{A}{A \cap B}$ (3) $\frac{R}{A \cap B}$ (4) $\frac{A \cup B}{A \cap B}$

78. Order of the quotient ring $\frac{\mathbb{Z}_4[x]}{\langle x^2 + 2 \rangle}$ is : **(Ans:3)**

వ్యక్తపన్న వలయం $\frac{\mathbb{Z}_4[x]}{\langle x^2 + 2 \rangle}$ యొక్క తరగతి :

- (1) 4 (2) 8 (3) 16 (4) 32

79. A field among the following that is isomorphic to the field $\mathbb{Q}(\sqrt{2}) = \{a + b\sqrt{2} : a, b \in \mathbb{Q}\}$ is :

క్షేత్రం : $\mathbb{Q}(\sqrt{2}) = \{a + b\sqrt{2} : a, b \in \mathbb{Q}\}$ కి తుల్యరూపమయ్యే, కింది వానిలోని క్షేత్రం :

- (1) $\frac{\mathbb{Q}[x]}{\langle x^2 + 2 \rangle}$ (2) $\frac{\mathbb{Q}[x]}{\langle x^2 + 1 \rangle}$ (3) $\frac{\mathbb{Q}[x]}{\langle x^2 - 4 \rangle}$ (4) $\frac{\mathbb{Q}[x]}{\langle x^2 - 2 \rangle}$ **(Ans:4)**

80. The number of associates of $3 + i$ in the ring $\mathbb{Z}[i]$ of Gaussian integers is : **(Ans:2)**

గాసియన్ పూర్ణాంకాల వలయం $\mathbb{Z}[i]$ లో $3 + i$ యొక్క సహమూలకాల సంఖ్య :

- (1) 1 (2) 4 (3) 3 (4) 6

81. If $\{(1, 1, 0), (1, 0, 1), (0, 1, 1)\}$ is a basis of the vector space $\mathbb{R}^3(\mathbb{R})$ and if $(x, y, z) \in \mathbb{R}^3$ can be written as $a(1, 1, 0) + b(1, 0, 1) + c(0, 1, 1)$ then $c =$

సదిశాంతరాళం $\mathbb{R}^3(\mathbb{R})$ కి $\{(1, 1, 0), (1, 0, 1), (0, 1, 1)\}$ ఒక ఆధారమవుతూ,

$(x, y, z) \in \mathbb{R}^3$ ని $a(1, 1, 0) + b(1, 0, 1) + c(0, 1, 1)$ గా రాస్తే అప్పుడు $c =$ **(Ans:2)**

- (1) $\frac{x + y - z}{2}$ (2) $\frac{y + z - x}{2}$ (3) $\frac{x - y + z}{2}$ (4) $\frac{x + y + z}{2}$

82. Suppose A, B are subsets of a vector space V(F). Then $\text{span}(A) + \text{span}(B) =$

ఒక సదిశాంతరాళం V(F) లో, A, B లు ఉపసమితులనుకోండి. అప్పుడు వితస్థి (A) + వితస్థి

(B) = **(Ans:2)**

- (1) $\text{span}(A \cap B)$ (2) $\text{span}(A \cup B)$
 వితస్థి (A \cap B) వితస్థి (A \cup B)
 (3) $\text{span}(A + B)$ (4) V
 వితస్థి (A + B)

83. If $\{u, v, w\}$ is a basis of a vector space $V(F)$ then a set among the following which is not a basis of V is :

ఒక సదిశాంతరాళం $V(F)$ కి $\{u, v, w\}$ ఒక ఆధారమైతే కిందివానిలో ఏది V కి ఆధారం కాదు :

(Ans:4)

- (1) $\{u, u + v, u + v + w\}$ (2) $\{u + v + w, v + w, w\}$
 (3) $\{v, v + w, u + v + w\}$ (4) $\{u + v, v + w, u - w\}$

84. If the linear transformation $T : \mathbb{R}^3(\mathbb{R}) \rightarrow \mathbb{R}^2(\mathbb{R})$ is given by $T(x, y, z) = (x - y, 2z)$, then its rank is :

రుజుపరివర్తన $T : \mathbb{R}^3(\mathbb{R}) \rightarrow \mathbb{R}^2(\mathbb{R})$ ని $T(x, y, z) = (x - y, 2z)$ గా నిర్వచిస్తే అప్పుడు దాని ర్యాంక్ :

(Ans:1)

- (1) 2 (2) 1 (3) 3 (4) 0

85. If the linear transformation $T : \mathbb{R}^2(\mathbb{R}) \rightarrow \mathbb{R}^2(\mathbb{R})$ is such that $T(1, 0) = (0, 1)$ and $T(0, 1) = (1, 0)$, then $T(2, 3) =$

రుజుపరివర్తన $T : \mathbb{R}^2(\mathbb{R}) \rightarrow \mathbb{R}^2(\mathbb{R})$, $T(1, 0) = (0, 1)$, $T(0, 1) = (1, 0)$ అయ్యేట్లుగా ఉంటే అప్పుడు $T(2, 3) =$

(Ans:2)

- (1) (2, 2) (2) (3, 2) (3) (2, 3) (4) (-2, -3)

86. Let $P(\mathbb{R})$ denote the real vector space consisting of all polynomials.

If $T : P(\mathbb{R}) \rightarrow P(\mathbb{R})$ is given by $T(f(x)) = \int_0^x f(t) dt$, then a false statement among

the following is :

అన్ని వాస్తవ బహుపదుల సదిశాంతరాళం $P(\mathbb{R})$ అనుకోండి. $T : P(\mathbb{R}) \rightarrow P(\mathbb{R})$ ని

$T(f(x)) = \int_0^x f(t) dt$ గా నిర్వచిస్తే అప్పుడు కిందివానిలో తప్పు ప్రవచనం :

(Ans:4)

- (1) T is linear (2) T is one to one
 T రుజు పరివర్తన T అన్వేషకం
 (3) T is not onto (4) T is a bijection
 T సంగ్రహం కాదు T ద్విగుణ ప్రమేయం

87. Let $U(F)$ be a vector space, V a subspace of U . If $T : U \rightarrow \frac{U}{V}$ is defined by $T(u) = u + V$ for $u \in U$, then the null space of T is :

$U(F)$ ఒక సదిశాంతరాళం, U కి V ఒక ఉపసదిశాంతరాళం అనుకోండి. $T : U \rightarrow \frac{U}{V}$ ని ప్రతి $u \in U$ కి $T(u) = u + V$ గా నిర్వచిస్తే T యొక్క శూన్య అంతరాళం :

(Ans:1)

- (1) V (2) U (3) $\frac{U}{V}$ (4) $U + V$

88. If the linear transformation $T : \mathbb{R}^2(\mathbb{R}) \rightarrow \mathbb{R}^3(\mathbb{R})$ is given by $T(x, y) = (x + y, 0, x - 2y)$, then the matrix of T with respect to the ordered standard bases is :

రుజువరివర్తన $T : \mathbb{R}^2(\mathbb{R}) \rightarrow \mathbb{R}^3(\mathbb{R})$ ని $T(x, y) = (x + y, 0, x - 2y)$ గా నిర్వచిస్తే అప్పుడు ప్రామాణిక క్రమ అధారాల దృష్ట్యా T యొక్క మాత్రిక :

(Ans:2)

- (1) $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 0 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ (2) $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 0 \\ 1 & -2 \end{pmatrix}$
- (3) $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 0 \\ -1 & 2 \end{pmatrix}$ (4) $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 0 \\ -1 & -2 \end{pmatrix}$

89. Let $P_n(\mathbb{R})$ denote the vector space of all real polynomials of degree atmost n . If the linear transformation

$$T : P_3(\mathbb{R}) \rightarrow P_2(\mathbb{R}) \text{ is given by } T(f(x)) = f'(x)$$

then the matrix of T with respect to standard ordered bases is :

n కి మించని తరగతి గల వాస్తవిక ఒకరూపముల సదిశాంతరాళం $P_n(\mathbb{R})$ అనుకోండి. రుజువరివర్తన $T : P_3(\mathbb{R}) \rightarrow P_2(\mathbb{R})$ ని $T(f(x)) = f'(x)$ గా నిర్వచిస్తే అప్పుడు ప్రామాణిక క్రమ అధారాల దృష్ట్యా T యొక్క మాత్రిక.

(Ans:2)

- (1) $\begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$ (2) $\begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 3 \end{pmatrix}$
- (3) $\begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 3 \\ 0 & 0 & 2 & 0 \end{pmatrix}$ (4) $\begin{pmatrix} 0 & 2 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 3 \end{pmatrix}$

90. $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & -1 \\ 0 & 2 & 3 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \Rightarrow A^5 - 3A^4 =$ (Ans:1)

- (1) $-2A^3$ (2) $2A^3$ (3) $4A^3$ (4) $-4A^3$

91. If $A = \begin{pmatrix} -1 & 0 & 1 \\ 0 & 2 & 4 \\ 0 & 0 & -7 \end{pmatrix}$, then the eigenvalues of the transpose of A are : (Ans:2)

$A = \begin{pmatrix} -1 & 0 & 1 \\ 0 & 2 & 4 \\ 0 & 0 & -7 \end{pmatrix}$ అయితే A యొక్క వ్యత్యయ శూన్య విలువలు :

- (1) 1, -2, 7 (2) -1, 2, -7 (3) 1, 2, 7 (4) 1, 7

92. Suppose $T : V(F) \rightarrow W(F)$ is a linear transformation with $\dim V = 6$ and $\dim R(T) = 2$. Then the nullity of T is :

T : V(F) → W(F) ఒక రుణపరివర్తన. $\dim V = 6, \dim R(T) = 2$ అనుకోండి. అప్పుడు T యొక్క శూన్యత :

(Ans:4)

- (1) 1 (2) 2 (3) 3 (4) 4

93. The rank of $\begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$ is :

(Ans:3)

$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$ యొక్క ర్యాంక్ :

- (1) 1 (2) 2 (3) 3 (4) 4

94. Let $V(\mathbb{R})$ be the vector space of all solutions of the differential equation $y'' + 3y' + 2y = 0$. Then the $\dim V =$

అవకలన సమీకరణం $y'' + 3y' + 2y = 0$ యొక్క అన్ని సాధనల సదిశాంతరాళం $V(\mathbb{R})$ అనుకోండి. అప్పుడు $\dim V =$

(Ans:2)

- (1) 1 (2) 2 (3) 3 (4) 4

95. The number of solutions of the system :

$$\begin{aligned} x + 2y + 3z &= 1 \\ x - y - z &= 3 \end{aligned}$$

(Ans:4)

is :

సరళి
$$\begin{aligned} x + 2y + 3z &= 1 \\ x - y - z &= 3 \end{aligned}$$

యొక్క సాధనల సంఖ్య :

- (1) 0 (2) 1 (3) 2 (4) ∞

96. Characteristic equation of the matrix $\begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 3 \end{pmatrix}$ is :

(Ans:3)

మాత్రిక $\begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 3 \end{pmatrix}$ యొక్క లాక్షణిక సమీకరణం :

- (1) $x^3 + 5x^2 + 7x - 3 = 0$ (2) $x^3 - 5x^2 + 7x + 3 = 0$
 (3) $x^3 - 5x^2 + 7x - 3 = 0$ (4) $x^3 + 5x^2 + 7x + 3 = 0$

97. If T is the linear transformation $T : \mathbb{R}^3(\mathbb{R}) \rightarrow \mathbb{R}^2(\mathbb{R})$ is given by $T(x, y, z) = (x + y, 2x - z)$, then the null space of T is spanned by the vector :

(Ans:1)

రుజుపరివర్తన $T : \mathbb{R}^3(\mathbb{R}) \rightarrow \mathbb{R}^2(\mathbb{R})$ ని $T(x, y, z) = (x + y, 2x - z)$ గా నిర్వచిస్తే T యొక్క శూన్య అంతరాళాన్ని వితస్థించే సదిశ :

- (1) (1, -1, 2) (2) (-1, 1, 2)
 (3) (1, 1, 2) (4) (1, 1, -2)

98. If the matrix form of the system :

$$\begin{aligned} x + y &= 1 \\ y + z &= 2 \\ z - x &= 4 \end{aligned}$$

is $AX = B$, then A is :

నరచీ $x + y = 1$
 $y + z = 2$
 $z - x = 4$

యొక్క మాత్రీకా రూపం $AX = B$ అయితే $A =$

- | | | | |
|-----|---|-----|--|
| (1) | $\begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & -1 \\ -1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$ | (2) | $\begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 0 \\ -1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$ |
| (3) | $\begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & -1 \end{pmatrix}$ | (4) | $\begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$ |

99. If the linear transformation $T : \mathbb{R}^3(\mathbb{R}) \rightarrow \mathbb{R}^3(\mathbb{R})$ is given by $T(x, y, z) = (x - y, y - z, x - z)$ then a vector among the following which does not belong to the range space of T is :

రుజువరివర్రన $T : \mathbb{R}^3(\mathbb{R}) \rightarrow \mathbb{R}^3(\mathbb{R})$ ని $T(x, y, z) = (x - y, y - z, x - z)$ గా నిర్వచిస్తే, కింది వానిలో ఏ సదిశ T యొక్క వ్యాప్తి అంతరాళంలో ఉండదు :

- (1) $(-1, 1, 0)$ (2) $(2, -3, -1)$ (3) $(2, 3, 5)$ (4) $(1, -1, 1)$

100. The quotient ring $\frac{\mathbb{Z}_3[x]}{\langle x^2 + 1 \rangle}$ is :

వ్యుత్పన్న వలయం $\frac{\mathbb{Z}_3[x]}{\langle x^2 + 1 \rangle}$

- (1) a field
 ఒక క్షేత్రం
- (2) with zero divisors
 శూన్యభాజకాలు కలది
- (3) a division ring but not a field
 విభాగవలయమే కాని క్షేత్రం కాదు
- (4) of order 6
 క్రమం 6

(Ans:4)

(Ans:4)

(Ans:1)

107. If θ is the angle between the planes $x + 2y + 3z = 5$ and $2x - 3y + 5z = 4$ then $\cos \theta =$

సమతలాలు $x + 2y + 3z = 5$, $2x - 3y + 5z = 4$ ల మధ్య కోణం θ అయితే $\cos \theta =$

- (1) $\frac{11}{\sqrt{133}}$ (2) $\frac{11}{2\sqrt{133}}$ (3) $\frac{11}{3\sqrt{133}}$ (4) $\frac{11}{4\sqrt{133}}$ (Ans:2)

108. If L and M respectively are the feet of perpendiculars from (a, b, c) to the ZOY and ZOZ planes then the equation of the plane OLM is :

పొందువు (a, b, c) నుంచి ZOY, ZOZ సమతలాలపై లంబపాదాలు వరసగా L, M అయితే సమతలం OLM సమీకరణం :

- (1) $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} + \frac{z}{c} = 0$ (2) $\frac{x}{a} - \frac{y}{b} + \frac{z}{c} = 0$
 (3) $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} - \frac{z}{c} = 0$ (4) $\frac{x}{a} - \frac{y}{b} - \frac{z}{c} = 0$ (Ans:3)

109. If $ax^2 + by^2 + cz^2 + 2fyz + 2gzx + 2hxy = 0$ represents a pair of planes and if θ is the angle between them, then $\sin \theta =$

$ax^2 + by^2 + cz^2 + 2fyz + 2gzx + 2hxy = 0$ ఒక యుగ్మ సమతలాలను సూచిస్తే, వటి మధ్య కోణం θ అయితే $\sin \theta =$

- (1) $a + b + c$ (2) $\sqrt{f^2 + g^2 + h^2 - ab - bc - ca}$
 (3) $ab + bc + ca$ (4) $\sqrt{f^2 + g^2 + h^2}$ (Ans:2)

110. Equation of the plane through the line $ax + by + cz + d = 0 = \alpha x + \beta y + \gamma z + d$ and perpendicular to XOY plane is :

సరళరేఖ $ax + by + cz + d = 0 = \alpha x + \beta y + \gamma z + d$ ని కలిగి, XOY తలానికి లంబంగా ఉండే సమతల సమీకరణం :

- (1) $(\alpha\gamma + \alpha c)x + (b\gamma + \beta c)y + (\gamma - c)d = 0$
 (2) $(\alpha\gamma - \alpha c)x + (\beta\gamma + \beta c)y + (\gamma - c)d = 0$
 (3) $(\alpha\gamma + \alpha c)x + (b\gamma - \beta c)y + (\gamma - c)d = 0$
 (4) $(\alpha\gamma - \alpha c)x + (b\gamma - \beta c)y + (\gamma - c)d = 0$ (Ans:4)

111. If a plane meets the X, Y, Z axes respectively in A, B and C and if (a, b, c) is the centroid of ΔABC , then the equation of the plane is :

ఒక సమతలం X, Y, Z అక్షాలను వరసగా A, B, C ల వద్ద కలుస్తూ, ΔABC కేంద్రభాసం (a, b, c) అయితే ఆ సమతల సమీకరణం :

- (1) $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} + \frac{z}{c} = 1$ (2) $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} + \frac{z}{c} = \frac{1}{2}$
 (3) $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} + \frac{z}{c} = \frac{1}{3}$ (4) $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} + \frac{z}{c} = 3$ (Ans:4)

112. Direction ratios of the line

(Ans:4)

$$x + 3y - 4z + 5 = 0 = 2x - y + 3z$$

are :

సరళరేఖ $x + 3y - 4z + 5 = 0 = 2x - y + 3z$ యొక్క దిశ నిష్పత్తులు :

- (1) 5, 11, 7 (2) 5, 11, -7 (3) 5, -11, 7 (4) -5, 11, 7

113. If s is the shortest distance between the lines :

(Ans:3)

$$\frac{x-3}{-1} = \frac{y-4}{2} = \frac{z+2}{1}, \frac{x-1}{1} = \frac{y+7}{3} = \frac{z+2}{2}$$

then $s^2 =$

సరళరేఖలు $\frac{x-3}{-1} = \frac{y-4}{2} = \frac{z+2}{1}, \frac{x-1}{1} = \frac{y+7}{3} = \frac{z+2}{2}$ ల కనిష్ఠ దూరం s అయితే

$s^2 =$

- (1) 6 (2) 14 (3) 35 (4) 20

114. If the length of the perpendicular from $(4, -5, 3)$ to the line $\frac{x-5}{3} = \frac{y+2}{-4} = \frac{z-6}{5}$ is l , then $5l =$

$(4, -5, 3)$ నుండి సరళరేఖ $\frac{x-5}{3} = \frac{y+2}{-4} = \frac{z-6}{5}$ కి లంబం పొడవు l అయితే అప్పుడు $5l =$

(Ans:3)

- (1) $\sqrt{50}$ (2) $\sqrt{65}$ (3) $\sqrt{457}$ (4) $\sqrt{754}$

115. The radius of the sphere touching the planes $3x + 2y + z = 8$ and $6x + 4y + 2z = 3$ is :

సమతలాలు $3x + 2y + z = 8, 6x + 4y + 2z = 3$ లను స్పృశించే గోళ వ్యాసార్థం :

- (1) $\sqrt{13}$ (2) $\frac{\sqrt{13}}{2}$ (3) $\frac{\sqrt{13}}{4}$ (4) $\frac{\sqrt{13}}{8}$ (Ans:3)

116. The equation of the sphere through the circle $x^2 + y^2 + z^2 + 2x + 3y + 6 = 0 = x - 2y + 4z - 9$ such that the centre of the sphere $x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 4y - 6z + 5 = 0$ lies on it is :

వృత్తం $x^2 + y^2 + z^2 + 2x + 3y + 6 = 0 = x - 2y + 4z - 9$ వ్యాసా పోతూ, గోళం $x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 4y - 6z + 5 = 0$ కేంద్రం వానిపై ఉండే గోళ సమీకరణం :

- (1) $x^2 + y^2 + z^2 - 7y - 8z + 24 = 0$ (Ans:2)
 (2) $x^2 + y^2 + z^2 + 7y - 8z + 24 = 0$
 (3) $x^2 + y^2 + z^2 + 7y + 8z + 24 = 0$
 (4) $x^2 + y^2 + z^2 + 7x + 8z - 24 = 0$

117. If two spheres of radii r_1 and r_2 cut orthogonally, then the radius of their common circle is :

r_1, r_2 వ్యాసార్థాలు గల రెండు గోళాలు లంబకోణీయంగా ఖండించుకొంటే వాటి ఉమ్మడి వృత్తపు వ్యాసార్థం :

(Ans:4)

- (1) $r_1 r_2$ (2) $r_1 + r_2$ (3) $|r_1 - r_2|$ (4) $\frac{r_1 r_2}{\sqrt{r_1^2 + r_2^2}}$

118. The range of the sequence $s_n = 1 + (-1)^n, n = 1, 2, 3, \dots$ is :

అనుక్రమం $s_n = 1 + (-1)^n, n = 1, 2, 3, \dots$ యొక్క వ్యాప్తి :

(Ans:4)

- (1) $0, 2, 0, 2, 0, 2, \dots$ (2) $\{0\}$
 (3) $\{2\}$ (4) $\{0, 2\}$

119. If $s_n = \begin{cases} \frac{1}{2^n} & \text{if } n \text{ is odd} \\ 2 & \text{if } n \text{ is even} \end{cases}$, then the range of the sequence is :

(Ans:3)

అనుక్రమం $s_n = \begin{cases} \frac{1}{2^n} & (n \text{ టేసీసంఖ్య అయితే}) \\ 2 & (n \text{ సరిసంఖ్య అయితే}) \end{cases}$ యొక్క వ్యాప్తి

- (1) $\frac{1}{2}, 2, \frac{1}{2^3}, 2, \frac{1}{2^5}, 2, \dots$ (2) $\{0, 2\}$
 (3) $\left\{\frac{1}{2^n} : n = 1, 3, 5, \dots\right\} \cup \{2\}$ (4) $\{0\}$

120. If a and b are non-negative, then $\lim_{n \rightarrow \infty} \left\{ \sqrt{(n+a)(n+b)} - n \right\} =$

(Ans:4)

a, b లు రుణేతరమైతే అప్పుడు $\lim_{n \rightarrow \infty} \left\{ \sqrt{(n+a)(n+b)} - n \right\} =$

- (1) 0 (2) ab (3) $a + b$ (4) $\frac{a+b}{2}$

121. $s_1 = 1,$

(Ans:2)

- (1) $\sqrt{2}$ (2) 2 (3) $\frac{1}{\sqrt{2}}$ (4) $\frac{1}{2}$

122. The set of discontinuities of $f(x) = \tan x$ is :

$f(x) = \tan x$ యొక్క విచ్ఛిన్నాల సమితి :

- (1) $\{n\pi : n = 1, 2, 3, \dots\}$ (2) $\left\{n\frac{\pi}{2} : n = 1, 2, 3, \dots\right\}$
 (3) $\left\{n\pi + \frac{\pi}{2} : n = 1, 2, 3, \dots\right\}$ (4) $\{(2n+1)\pi : n = 1, 2, 3, \dots\}$

(Ans:3)

123. If $g(x) = 2x + |x|$ for $x \in \mathbb{R}$, then the ordered pair $(g'(-2), g'(2)) =$ (Ans:3)
 ప్రతి $x \in \mathbb{R}$ కి $g(x) = 2x + |x|$ అయితే అప్పుడు క్రమయుగ్మం $(g'(-2), g'(2)) =$
 (1) $(-2, 2)$ (2) $(2, -2)$ (3) $(1, 3)$ (4) $(3, 1)$

124. The function $g(x) = 3x - 4x^2$ for $x \in \mathbb{R}$ decreases in the interval : (Ans:1)
 ప్రతి $x \in \mathbb{R}$ కి $g(x) = 3x - 4x^2$ అనే ప్రమేయం అవరోహణచెందే అంతరం :
 (1) $\left(-\infty, \frac{3}{8}\right]$ (2) $\left[\frac{3}{8}, \infty\right)$ (3) $\left[\frac{-3}{8}, \frac{3}{8}\right]$ (4) $(-\infty, \infty)$

125. $\lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{e^x - x - 1}{x^2} \right) =$ (Ans:3)
 (1) 1 (2) 0 (3) $\frac{1}{2}$ (4) 2

126. The differential equation of a family of circles passing through the origin and having the centres on the X-axis is : (Ans:1)
 మూలబిందువు ద్వారా పోతూ, కేంద్రాలు X-అక్షంపై ఉండే వృత్తాల కుటుంబపు అవకలన సమీకరణం :
 (1) $2xyy' = y^2 - x^2$ (2) $2xyy' = x^2 - y^2$
 (3) $2xy' = y^2 - x^2$ (4) $2xy' = x^2 - y^2$

127. The solution of the differential equation $\frac{dy}{dx} = xe^{y-x^2}$ with $y(0) = 0$ is : (Ans:2)
 అవకలన సమీకరణం $\frac{dy}{dx} = xe^{y-x^2}$ $y(0) = 0$ యొక్క సాధన :
 (1) $e^y - 2e^x = ce^{xy}$ (2) $e^y - 2e^x = e^{xy}$
 (3) $e^y + 2e^x = ce^{xy}$ (4) $e^y + 2e^x = e^{xy}$

128. $\frac{dy}{dx} - x \tan(y-x) = 1 \Rightarrow \log \sin(y-x) =$ (Ans:2)
 (1) $c - \frac{x^2}{2}$ (2) $c + \frac{x^2}{2}$ (3) $c - \frac{x^2}{3}$ (4) $c + \frac{x^2}{3}$

129. The solution of $\frac{dy}{dx} = \frac{x+y+1}{2x+2y+3}$ is : (Ans:1)
 $\frac{dy}{dx} = \frac{x+y+1}{2x+2y+3}$ యొక్క సాధన :
 (1) $3(2y-x) + \log(3x+3y+4) = c$
 (2) $3(2y-x) + \log(3x+3y-4) = c$
 (3) $3x+3y+3 \log(2y-x+4) = c$
 (4) $3x+3y = 3 \log(2y-x+4) + c$

135. $dx + xdy = e^{-y} \log y dy \Rightarrow xe^y =$ (Ans:2)

(1) $c - y(\log y - 1)$ (2) $c + y(\log y - 1)$

(3) $c - y(\log y + 1)$ (4) $c + y(\log y + 1)$

136. The orthogonal trajectories of the family of curves $ay^2 = x^3$, where a is a parameter, is : (Ans:3)

$ay^2 = x^3$ తో సూచించబడే వక్రాల కుటుంబపు లంబ సంధేదాలు (ఇందులో a పరామితి):

(1) $2x^2 - 3y^2 = c^2$ (2) $3x^2 - 2y^2 = c^2$

(3) $2x^2 + 3y^2 = c^2$ (4) $3x^2 + 2y^2 = c^2$

137. The solution of the differential equation (Ans:3)

$$(D^3 - 2D^2 + 4D - 8)y = 0$$

is :

అవకలన సమీకరణం $(D^3 - 2D^2 + 4D - 8)y = 0$ యొక్క సాధన :

(1) $y = Ae^{2x} + Be^{-2x} + Ce^{3x}$

(2) $y = Ae^{2x} + Be^{-x} + Ce^{-2x}$

(3) $y = Ae^{2x} + B \cos 2x + C \sin 2x$

(4) $y = Ae^{2x} + Be^{-x} + Ce^{3x}$

138. A particular integral of $(D^2 + 9)y = \cos 3x$ is : (Ans:1)

$(D^2 + 9)y = \cos 3x$ యొక్క ప్రత్యేక సమాకలని :

(1) $\frac{1}{6} x \sin 3x$ (2) $\frac{1}{6} \sin 3x$ (3) $\frac{1}{6} x \cos 3x$ (4) $\frac{1}{6} \cos 3x$

139. Under usual notation

$$\frac{1}{D(1 + D)^2}(x + x^2) =$$
 (Ans:3)

మామూలు సంకేతాలలో $\frac{1}{D(1 + D)^2}(x + x^2) =$

(1) $\frac{x^3}{3} + \frac{3x^2}{2} + 4x$ (2) $\frac{x^3}{3} + \frac{3x^2}{2} - 4x$

(3) $\frac{x^3}{3} - \frac{3x^2}{2} + 4x$ (4) $\frac{x^3}{3} - \frac{3x^2}{2} - 4x$

140. A particular integral of $(D^2 - 2D + 1)y = x \sin x$ is : (Ans:4)

$(D^2 - 2D + 1)y = x \sin x$ కి ఒక ప్రత్యేక సమాకలని :

- (1) $\frac{1}{2}(x \cos x + \cos x + \sin x)$ (2) $\frac{1}{2}(x \cos x - \cos x + \sin x)$
 (3) $\frac{1}{2}(x \cos x - \cos x - \sin x)$ (4) $\frac{1}{2}(x \cos x + \cos x - \sin x)$

141. The number of positive integers < 2076 which are divisible by 4 or 5 is : (Ans:2)
 4 లేదా 5 చే భాగించబడుచూ < 2076 కంటే తక్కువ లేదా సమానమయ్యే ధన పూర్ణాంకాల సంఖ్య :

- (1) 103 (2) 831 (3) 956 (4) 1245

142. The correct statement, among the following, is :

కిందివానిలో, సరియైన ప్రవచనం:

- (1) There is no positive integer such that n and $n + 2$ are both primes. (Ans:3)
 $n, n + 2$ లు రెండూ ప్రధానాంకాలయ్యేట్లు ధన పూర్ణాంకం n ఉండదు.
 (2) If n is a prime, then $n^2 + 1$ is also a prime.
 n ప్రధానంకమైతే అప్పుడు $n^2 + 1$ కూడా ప్రధానాంకం
 (3) For every n we can find n consecutive composite numbers.
 ప్రతి n కి n వరస సంయుక్త సంఖ్యలు కనుక్కోవచ్చు
 (4) Every prime n is odd.
 ప్రతి ప్రధానాంకం n ఒక బేసి సంఖ్య

143. The square of any odd integer is of the form : (Ans:1)
 ఏ బేసిసంఖ్య వర్గమైనా ఉండే రూపం :

- (1) $8m + 1$, where m is any integer.
 $8m + 1$ లో m పూర్ణాంకం
 (2) $8m + 1$, where m is an odd integer.
 $8m + 1$ లో m బేసి పూర్ణాంకం
 (3) $16m + 1$, where m is any integer
 $16m + 1$ లో m పూర్ణాంకం
 (4) $16m + 1$ where m is an odd integer
 $16m + 1$ లో m బేసి పూర్ణాంకం

144. The largest power of 2 that divides 97! is : (Ans:4)

97! ను భాగించే 2 యొక్క అతి పెద్ద ఘాతం :

- (1) 48 (2) 64 (3) 84 (4) 94

145. The remainder when 3^{247} is divided by 17 is : (Ans:3)

3^{247} ను 17 చే భాగించగా వచ్చే శేషం :

- (1) 3 (2) 8 (3) 11 (4) 13

146. The number of incongruent solutions of the linear congruence $12x = 48 \pmod{18}$ is : (Ans:3)

ఏకఘాత నమశేషకత $12x = 48 \pmod{18}$ కి పరస్పరం నమశేషకతకాని సాధనల సంఖ్య

- (1) 3 (2) 5 (3) 6 (4) 8

147. If p is a prime, k a positive integer then $\phi(p^k) =$ (Ans:1)

p ఒక ప్రధానాంకం, k ధనపూర్ణాంకం అయితే $\phi(p^k) =$

- (1) $p^k - p^{k-1}$ (2) $p^k + p^{k-1}$ (3) p^{2k-1} (4) p

148. If p and q are roots of $x^2 + 5x + 4 = 0$, then the quadratic equation whose roots are $\frac{p+2}{3}$ and $\frac{q+2}{3}$ is : (Ans:3)

p, q లు $x^2 + 5x + 4 = 0$ కి మూలాలుగా గలవి, $\frac{p+2}{3}$ మరియు $\frac{q+2}{3}$ లు మూలాలుగా గల వర్గ సమీకరణం :

- (1) $9x^2 + 3x + 2 = 0$ (2) $9x^2 - 3x - 2 = 0$
 (3) $9x^2 + 3x - 2 = 0$ (4) $9x^2 - 3x + 2 = 0$

149. For real values of x the maximum value of $\frac{x^2 - x + 1}{x^2 + x + 1}$ is : (Ans:2)

x వాస్తవ విలువలకు $\frac{x^2 - x + 1}{x^2 + x + 1}$ యొక్క గరిష్ట విలువ :

- (1) $\frac{1}{3}$ (2) 3 (3) $\frac{1}{2}$ (4) 2

150. The maximum value of $c + 2bx - x^2$ is : (Ans:3)

$c + 2bx - x^2$ యొక్క గరిష్ట విలువ :

- (1) b^2c (2) $b^2 - c$ (3) $b^2 + c$ (4) $c - b^2$

indiavidya.com